### Формирование крупномасштабной ячеисто-сетчатой структуры Вселенной в условиях давления межгалактической среды

# The formation of a large-scale cellular-mesh structure of the Universe under the intergalactic medium pressure

#### Поройков С.Ю.

канд. физ-мат. наук Московского государственного университета им. М.В. Ломоносова e-mail: sporoykov@mail.ru

#### Poroykov S.Yu.

Candidate of Physical and Mathematical Sciences, Lomonosov Moscow State University e-mail: sporoykov@mail.ru

#### Аннотация

Показано, что гравитацию материи в объеме ячеек, формирующих ячеисто-сетчатую структуру Вселенной, уравновесит давление на короны галактик межгалактического газа плотностью 0.5 критической с температурой  $3\cdot10^8$  K, соответствующей энергии космического фонового рентгеновского излучения 30 кэВ в области максимума энергетического спектра. Плотность энергии такой среды  $\sim 0.1$  эВ/см<sup>3</sup> на порядок меньше, чем у галактических космических лучей  $\sim 1$  эВ/см<sup>3</sup>. Давление межгалактической среды уравновесит гравитацию материи ячеек при наблюдаемом однородном крупномасштабном распределении материи в плоском евклидовом пространстве, к которому в малом масштабе сводима квазисферическая риманова (псевдориманова) Вселенная без границ. Адаптацию уравнений общей теории относительности к описанию квазисферического риманова пространства обеспечивает космологический  $\Lambda$  член.

**Ключевые слова:** межгалактическая среда, войды, темная энергия, короны галактик, филаменты, риманово пространство, космологический  $\Lambda$  член.

#### **Abstract**

It is shown that the gravity of matter in the volume of cells forming the cellular-mesh structure of the Universe will be balanced by the pressure on the galactic crowns of intergalactic gas with a density of 0.5 critical with a temperature of  $3\cdot10^8$  K, corresponding to the energy of the cosmic background x-ray radiation of 30 keV in the region of the maximum energy spectrum. The energy density of such a medium  $\sim 0.1 \text{ eV/cm}^3$  is an order of magnitude lower than that of galactic cosmic rays  $\sim 1 \text{ eV/cm}^3$ . The pressure of the intergalactic medium will balance the gravity of the matter of the cells with the observed homogeneous large-scale distribution of matter in flat Euclidean space, to which a quasi-spherical Riemannian (pseudo-Riemannian) Universe without boundaries is reducible on a small scale. The adaptation of the equations of General relativity theory to the description of a quasi-spherical Riemannian space is provided by the cosmological  $\Lambda$  term.

**Keywords:** intergalactic medium, voids, dark energy, galactic crowns, filaments, Riemannian space, cosmological  $\Lambda$  term

#### 1. Наблюдаемое отталкивание галактик под давлением межгалактической среды

Направление дрейфа местной группы галактик отклоняется от направления гравитационного притяжения ближайшего сверхскопления Шепли. Эта особенность объяснима сравни-

мым по силе отталкиванием со стороны «аттрактора», расположенного в соседнем войде [1]. Отталкиванию местной группы может способствовать давление межгалактической среды со стороны  $soù \partial a$ , ассоциируемое с так называемой темной энергией.

Давление межгалактической среды, в том числе обусловлено давлением горячего межгалактического газа, на присутствие которого указывают данные рентгеновской обсерватории Чандра. Так, в филаментах, связанных со скоплением галактик Abell 2744, температура плазмы достигает  $10^7$  К при доле барионного газа 5-10% массы нитей [2]. При этом звезды и их остатки могут составлять лишь ~17% массы барионной плазмы [3].

Межгалактический газ может оказывать давление на вещество в *коронах галактик* (КГ) [4]. На это указывает структура излучающих облаков радиогалактик, связываемая с динамическим сжатием их наружных областей при взаимодействии с межгалактической средой [8, с. 214]. При этом смещение газа КГ под давлением межгалактической среды вследствие гравитационного взаимодействия вызовет смещение галактик [4]. Так, масса коронального газа в несколько раз превышает массу галактик. В галактики входит 20 - 30% барионной компоненты; остальные 80 - 70% составляет межгалактический газ [7, с. 81].

Наблюдается отчетливая антикорреляция распределения *квазаров* и скоплений галактик [8, с. 545]. Квазары — наиболее мощные источники излучения среди объектов с активными ядрами. Светимость квазаров может достигать критической светимости (эддингтоновской), при которой давление излучения на окружающую плазму становится сравнимо с силой гравитационного притяжения. Значительная часть энергии излучается квазарами в рентгеновском диапазоне [6, с. 251]. Мягкое рентгеновское излучение не только ионизует межзвездный газ [6, с. 295], но и разогревает его [7, с. 86]. Считается, что межгалактический газ был ионизован в эпоху молодых галактик и квазаров [7, с. 81]. Данные факты требуют оценки вклада давления горячего межгалактического газа на короны галактик.

## 2. Роль давления межгалактической среды в формировании крупномасштабной ячеисто-сетчатой структуры Вселенной

В крупном масштабе >100 Мпк Вселенная однородна. В меньших масштабах  $\leq$ 100 Мпк Вселенная обладает выраженной ячеисто-сетчатой структурой. При этом группы и скопления галактик образуют вытянутые нити – филаменты толщиной ~10 Мпк, которые формируют трехмерную сетку. Между филаментами находятся дыры (войды) масштаба ~50 Мпк – области, в которых практически отсутствуют галактики [5, с. 347]. Для сравнения, современная концентрация галактик во Вселенной  $\Omega$ г ~ 0,1 Мпк-3 [6, с. 530]; среднее расстояние между ними  $Do = 1/\Omega$ г $^{1/3} \approx 2$  Мпк.

При размере формирующих ячеисто-сетчатую структуру Вселенной ячеек  $\sim$ 50 Мпк роль космологического  $\Lambda$  члена не существенна. Современная величина  $|\Lambda| < 10^{-55}$  см<sup>-2</sup> [9, с. 774] сравнима с кривизной риманова пространства для радиуса современной Вселенной К  $\sim 10^{-57}$  см<sup>-2</sup> (§ 9).

По определению, в малых областях риманова пространства приближенно имеет место евклидова геометрия [10, с. 528]. Сферическому (эллиптическому) риманову пространству, как показал Эйнштейн, присуще однородное распределение материи [11, с. 199]. При радиусе горизонта Вселенной  $\sim 10^4$  Мпк [5, с. 347] в масштабе ячеек крупномасштабной ячеистосетчатой структуры  $\sim 50$  Мпк квазисферическое риманово пространство однородной плотности практически не отличается от наблюдаемого плоского евклидова пространства.

В однородной среде развиваются гравитационные неустойчивости с формированием областей ее неоднородного распределения, приводящие к гравитационному коллапсу, если силы давления среды меньше сил гравитации [5, с. 529]. Сила давления межгалактической среды при ее плотности энергии єо на короны N типичных галактик радиусом г при коэффициенте рассеяния  $\theta$ : Fд =  $\theta$ єоN $\pi$ r $^2$ , способная уравновесить силу гравитационного притяжения среды

в ячейке радиусом R и массой M:  $F_\Gamma = GM^2/R^2$ . Одна ячейка содержит N =  $M\Omega c/m$  типичных галактик массой m, включая массу их корон, с учетом их доли в критической массе Вселенной  $\Omega c$ . Из равенства  $F_{\mathcal{I}} = F_{\Gamma}$  следует:

$$\varepsilon o = GMm/\pi\theta\Omega c(Rr)^2 \tag{1}$$

где G – гравитационная постоянная.

Масса ячейки  $M = 4\pi \rho c R^3/3$  при ее радиусе R и средней плотности вещества во Вселенной  $\rho c$ , так что соотношение (1) представимо в виде:

$$\varepsilon o = 4Gm\rho cR/3\theta\Omega cr^2 \tag{2}$$

Радиус КГ r  $\sim$  0,1 Мпк [7, с. 81]; радиус ячеек R  $\sim$  25 Мпк [5, с. 347]; скрытая масса КГ m  $\sim$  10mг [8, с. 545], масса типичной галактики mг  $\sim$  10<sup>10</sup> М $\circ$ ; масса КГ m  $\sim$  10<sup>11</sup> М $\circ$ ; доля массы галактик и их корон от критической  $\Omega$ к  $\sim$  0,3 [5, с. 347]; критическая плотность  $\rho$ с = 4,7·10<sup>-30</sup> г/см<sup>3</sup> [5, с. 347]. При данных параметрах и  $\theta \sim$  1 критическая плотность энергии межгалактической среды, способная оказывать давление на КГ  $\varepsilon$ 0  $\approx$  0,13 эВ/см<sup>3</sup>.

Сравнимая плотность энергии у *галактических* КЛ єкл ~ 1 эВ/см<sup>3</sup> [6, с. 471] и *микроволнового фонового излучения* (МФИ) єv ~ 0,25 эВ/см<sup>3</sup> [7, с. 135]. Рассеяние фотонов МФИ на свободных электронах ионизованного коронального газа не окажет существенного давления на КГ из-за малого коэффициента рассеяния  $\theta \le 2\%$  (§ 4); его вклад  $\theta$  єv/єо  $\le 4\%$ .

Отталкивание галактик войдом может быть обусловлено давлением горячего межгалактического газа на короны галактик. Расчеты показывают, что межгалактическую среду может наполнять газ плотностью 0.5 критической плотности Вселенной с температурой  $3\cdot10^8$  К (§ 3), что подтверждает космическое фоновое рентгеновское излучение с энергией  $\sim 30$  кэВ в области максимума энергетического спектра (рис. 1).

Согласно (1) критическая плотность энергии межгалактической среды обратно пропорциональна квадрату радиуса ячеек:  $\varepsilon_0 \sim 1/R^2$ , как и радиусу Вселенной. Давление среды р  $\sim$  nT при наличии источников ее разогрева, поддерживающих ее температуру, обратно пропорциональна кубу радиуса р  $\sim$  n  $\sim 1/R^3$ . В случае дальнейшего расширения Вселенной при соотношении р/ $\varepsilon_0 \sim 1/R$  давление среды не сможет сдерживать гравитацию ячеек, т.е. при отсутствии прочих факторов расширения Вселенной, данное расширение прекратится. Из-за остывания межгалактического газа вследствие рентгеновского излучения и расширения Вселенной наблюдаемое расширение Вселенной может прекратиться и смениться сжатием.

#### 3. Характеристики межгалактического газа

Предполагается, что межгалактический газ был сформирован в эпоху молодых галактик и квазаров и был ионизован их излучением; в силу своей низкой плотности газ не успел рекомбинировать [7, с. 81]. С учетом массы межгалактического газа в КГ доля барионов оценивается в 10-15% массы Вселенной; при этом в галактики входит 20-30% барионной компоненты; 80-70% составляет межгалактический газ [7, с. 81]. По уточненным данным звезды и их остатки могут составлять  $\sim 17\%$  массы барионной плазмы [3]. Помимо КГ, по данным рентгеновской обсерватории Чандра, горячий межгалактический газ содержат филаменты. В филаментах, связанных со скоплением галактик Abell 2744, доля барионного газа достигает 5-10% массы нитей [2]. Тем самым, доля наблюдаемых барионов  $\delta \delta \sim 0.18$  критической массы Вселенной.

Давление ионизованного газа, содержащего ионы и электроны p=2nkT, эквивалентно плотности его энергии во. С учетом E=kT может быть оценена энергия частиц, при которой давление межгалактического газа уравновесит гравитацию галактик, их корон и межгалактической среды в масштабах ячеек, формирующих ячеисто-сетчатую структуру (при отсутствии иных факторов расширения Вселенной):

$$E = \varepsilon o/2n \tag{3}.$$

Исходя из критической плотности Вселенной рс с учетом вклада скрытой массы бсм и наблюдаемой барионной компоненты бб в филаментах концентрация межгалактического газа:

$$n = \rho c (1 - \delta c_M - \delta \delta) / mp$$
 (4),

где mp – масса протона.

При  $\rho c = 4,7 \cdot 10^{-30} \text{ г/см}^3$ ;  $\delta c M \sim 0,3$  [5, c. 347];  $\delta \delta \sim 0,18$  возможная концентрация межгалактического газа  $n \approx 1,5 \cdot 10^{-6}$  см<sup>-3</sup>.

При єо  $\sim 0.1~{\rm 3B/cm^3}$  (§ 2) согласно формуле (3) вероятная энергия частиц межгалактического газа  $\rm E\approx 30~\kappa 3B$ .

В спектре электромагнитного космического фонового излучения в *рентгеновском* диапазоне при сравнимой энергии квантов Ev ~ 30 кэВ наблюдается максимум (рис. 1).

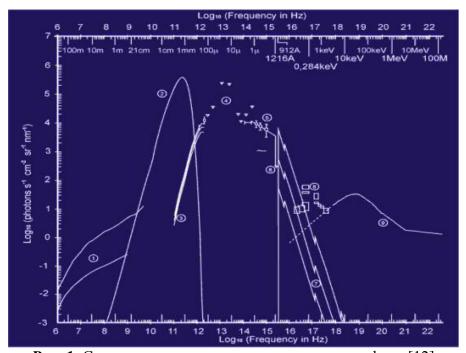


Рис. 1. Спектр электромагнитного космического фона [12]

Расчетная энергия частиц межгалактического газа  $E \sim 30$  кэB соответствует его температуре  $T = E/k \approx 3 \cdot 10^8$  К. От горячих областей газа в *остатках вспышек сверхновых* (OBC) с температурой  $\leq 10^8$  К исходит рентгеновское излучение тепловой природы при сравнимой энергии квантов [7, с. 478]. Газ сравнимой температуры  $\sim 10^8$  К с концентрацией  $\sim 10^{-4}$  см<sup>-3</sup> присутствует в *скоплениях*, чем объясняется их рентгеновская светимость [8, с. 342]. Т.е. плотность энергии субкосмических лучей в скоплениях достигает  $\epsilon c = 2nkT \approx 2$  э $B/cm^3$ , как у галактических КЛ  $\epsilon$ кл  $\sim 1$  э $B/cm^3$  [6, с. 471].

Скорость субкосмических лучей (протонов) с энергией  $E \sim 30$  кэB составляет  $vp = (2E/mp)^{1/2} \approx 2.5$  тыс. км/с. Сравнимой скорости в несколько тыс. км/с газ достигает во фронте *ударной волны OBC* в начальной фазе адиабатического расширения [7, с. 477]. Также скорость *звездного ветра* голубых сверхгигантов достигает несколько тыс. км/с [6, с. 66]. Подобный звездный ветер создает около звезд «пузыри» горячего газа — источники рентгеновского излучения [9, с. 699].

Подобно рентгеновскому излучению горячего газа в скоплениях, OBC и звездном ветре голубых сверхгигантов, фоновое рентгеновское излучение с энергией  $\sim 30$  кэВ в области максимума энергетического спектра может быть обусловлено излучением газа с температурой  $\sim 3\cdot 10^8$  К. С учетом формулы (3) концентрация межгалактического газа  $n = \epsilon o/2Ev \approx 1.5\cdot 10^{-6}$ 

см<sup>-3</sup> при его доле в критической массе Вселенной  $\delta \Gamma = \text{nmp/pc} \approx 0,5$ . При доле наблюдаемой барионной составляющей филаментов, включая галактики, их короны и скопления  $\delta \delta \sim 0,18$  в межгалактической среде доля барионной (плазменной) компоненты Вселенной  $\delta \Gamma + \delta \delta \approx 0,68$ . Так, предполагается, что основная доля барионов приходится на ионизованный газ [2].

Оставшаяся доля скрытой массы  $\delta$ см = 1 -  $\delta$ б -  $\delta$ г  $\approx 0,32$  содержится в филаментах. Сравнимая, но чуть меньшая оценка скрытой массы следует из вириальной массы КГ и скоплений  $\delta$ см  $\leq 0,3$  [5, с. 347]. Данные обсерватории Планк, опубликованные в выпуске Planck Legacy 2018, указывают на повышенную амплитуду *гравитационного линзирования* МФИ в малых угловых масштабах. Данный факт подтверждает присутствие в филаментах областей повышенной концентрации скрытой массы (§ 5).

Приведенные выше расчеты и наблюдения позволяют предполагать, что межгалактический газ нагрет до температуры  $\sim 3\cdot 10^8$  К. Температура газа в коронах галактик  $\sim 10^7$  К [7, с. 81]; в гало галактик  $\sim 10^5$  К [7, с. 85]. Столь высокий градиент температур (до  $3\cdot 10^3$ ) требует исследования механизмов разогрева межгалактического газа (§ 6).

В изотропное рентгеновское космическое излучение с энергией в несколько десятков кэВ может вносить вклад излучение, генерируемое при *обратном комптоновском рассеянии* изотропного МФИ на релятивистских электронах. Вместе с тем, наблюдаемый максимум энергии галактических КЛ не соответствует энергии электронов, при которой может генерироваться максимум рентгеновского излучения. Энергия рассеянных фотонов  $E\gamma' = 4E\gamma K/3mec^2$  [6, c. 431], из чего следует энергия КЛ:

$$K = 3 \operatorname{mec} E \gamma' / 4 E \gamma \tag{5},$$

где me – масса электрона; K – его энергия,  $E\gamma$  – исходная энергия фотона, с – скорость света.

Температуре МФИ Т $\gamma$  = 2,7 К [7, с. 134] соответствует энергия фотонов Е $\gamma$  = kT $\gamma$   $\approx$  4·10<sup>-4</sup> К. При энергии рассеянных фотонов Е $\gamma$ '  $\sim$  30 кэВ энергия КЛ К  $\approx$  10<sup>4</sup> ГэВ, что на 4 порядка выше, чем в наблюдаемом максимуме дифференциального энергетического спектра галактических КЛ 0,3 – 0,5 ГэВ [6, с. 472], включая электронную компоненту [13, с. 1176].

На основе формулы (5) оценим энергию фотонов, рассеиваемых КЛ в области максимума энергетического спектра, при которой энергия рассеиваемых фотонов будет соответствовать максимуму фонового космического рентгеновского излучения:

$$E\gamma = 3 \text{mec} E\gamma'/4 \text{ K}$$
 (6).

При  $\mathrm{E}\gamma'\sim30$  кэB; усредненном  $\mathrm{K}\sim0.4$  ГэB энергия рассеиваемых фотонов  $\mathrm{E}\gamma\approx30$  эB, что соответствует длине волны УФ излучения  $\lambda$ уф = ch/ $\mathrm{E}\gamma\approx40$  нм. УФ излучение звезд в интервале 91.2-20 нм практически полностью поглощается межзвездным водородом [9, с. 783], что также видно из рис. 1. Вклад данного процесса в формирование фонового рентгеновского излучения в области максимума энергетического спектра не существенен.

В космическое фоновое рентгеновское излучение также могут вносить вклад квазары. Часть излучения квазаров преобразуется в изотропное за счет рассеяния на свободных электронах межгалактического газа. Значительная часть энергии квазаров излучается в рентгеновском и γ-диапазоне при типичном спектральном индексе α ~ 0,7 внося вклад в фоновое рентгеновское свечение неба [6, с. 251]. Комптоновское рассеяние фотонов на свободных электронах наблюдается при энергии фотонов ≥0,1 МэВ [6, с. 431]. С ростом энергии квантов от 0,1 до 10 МэВ сечение комптоновского рассеяния на свободных электронах возрастает на порядок [5, с. 410].

При данных условиях *квазары* могут вносить заметный вклад в космическое фоновое  $\gamma$ -излучение в области  $\geq 1$  МэВ. Так, в спектре электромагнитного космического фона наблюдается падение интенсивности жесткого рентгеновского излучения при энергии квантов  $\geq 30$  кэВ, которое стабилизируется в области энергии  $\gamma$ -квантов  $\sim 3$  МэВ (рис. 1).

#### 4. Рассеяние микроволнового фонового излучения корональным газом

От скоплений регистрируется рентгеновский фон, в котором выделяется излучение корон наиболее массивных галактик [8, с. 545]. При этом в ряде скоплений галактик наблюдается эффект Зельдовича — Сюняева, связанный с обратным комптоновским рассеянием фотонов МФИ на горячих электронах коронального газа [8, с. 545]. Радиус КГ  $\sim$ 0,1 Мпк [7, с. 81] на порядок меньше масштаба скоплений  $\leq$ 3 Мпк [8, с. 545]. При сравнимой плотности газа в скоплениях пк  $\sim$  10-3 см-3 [8, с. 545] и коронах галактик пк  $\sim$  10-3  $\sim$  10-2 см-3 [7, с. 81] рассеяние МФИ на КГ окажется на порядок меньше, чем в скоплениях. Так, оптическая толщина ионизованного газа по *томсоновскому рассеянию света на свободных электронах* (ТРСЭ):

$$1_{\rm T} = 1/{\rm n}\sigma_{\rm T} \tag{7},$$

где от – томсоновское сечение электрона.

У полностью ионизованного коронального газа концентрацией пк  $\sim 10^{-3}-10^{-2}$  см<sup>-3</sup> [7, с. 81] при  $\sigma \tau = 6.7 \cdot 10^{-25}$  см<sup>2</sup> оптическая толщина по ТРСЭ  $l\tau \approx 50-500$  Мпк, что в  $l\tau/2R\kappa \approx (2.5-25) \cdot 10^2$  раз превышает диаметр сферических КГ при коэффициенте рассеяния МФИ  $\theta \sim R\kappa\sqrt{2/l\tau} \approx 0.03-0.3$  %.

Корональный газ до температуры  $\sim 10^7$  К могут разогревать мягкие рентгеновские и субкосмические лучи [7, с. 86]. Учитывая градиент температур на границе КГ — межгалактическая среда (§ 5) внешняя область КГ может подогреваться до температуры  $\sim 10^8$  К. Комптоновское рассеяние фотонов на свободных электронах эффективно при энергии частиц  $\geq 0,1$  МэВ [6, с. 431] соответствующих температуре  $\geq 10^9$  К.

Формула Клейна — Нишины для комптоновского сечения применима при энергии электронов, сравнимой с их энергией покоя. При меньшей энергии частиц сечение рассеяния принимает промежуточное значение, определяемое томсоновской  $\lambda T = 2.8 \cdot 10^{-13}$  см и комптоновской длиной волны электрона  $\lambda c = 2.4 \cdot 10^{-10}$  см. Согласно экспериментальным данным, эффективность рассеяния фотонов с энергией ~30 кэВ средой  $\delta v \sim 1\%$  по отношению к энергии 0,5 МэВ, равной энергии покоя электрона [13 с. 1171]. Сечение рассеяния фотонов на электронах соответствующей энергии:

$$σe = δνστ(λc/λτ)^2 ≈ 5·10-21 cm2$$
(8).

Плотность галактических КЛ может быть на порядок выше, чем метагалактических (§ 2). Пропорциональным образом в КГ плотность субкосмических лучей может быть на порядок выше, чем в межгалактической среде. Концентрация метагалактических субкосмических лучей с энергией ~30 кэВ может достигать ~ $10^{-6}$  см<sup>-3</sup> (§ 3), т.е. в КГ она может достигать п  $\leq 10^{-5}$  см<sup>-3</sup>. С учетом соотношения (7) le =  $1/n\sigma$ e  $\approx 7$  Мпк коэффициент рассеяния МФИ сферической КГ  $\theta \sim R\kappa\sqrt{2/l}e \leq 2$  %, что на порядок выше оценки для ТРСЭ  $\theta \sim 0.02 - 0.2\%$ .

Вероятно, наблюдаемый в ряде скоплений эффект Зельдовича — Сюняева обусловлен обратным комптоновским рассеянием МФИ на горячих электронах (субкосмических лучах) с температурой  $\sim 10^8$  К.

#### 5. Источники магнитного поля в коронах галактик

Давлению метагалактических субкосмических лучей на  $K\Gamma$  может способствовать их рассеяние магнитным полем  $K\Gamma$ . Оценки показывают, что давление межгалактического газа на один — два порядка меньше давления газа в  $K\Gamma$ , но на порядок выше, чем в гало. При этом давление газа в  $K\Gamma$  на два — три порядка выше, чем в гало. Соотношение давлений газовых сред определяется концентрацией и температурой газа:

$$p'/p = n'T'/nT (9)$$

В гало галактик концентрация газа nг  $\sim 3\cdot 10^{-4}$  см<sup>-3</sup>; температура Tг  $\sim 10^5$  K [7, c. 85]; в коронах nк  $\sim 10^{-3}-10^{-2}$  см<sup>-3</sup>; Tк  $\sim (5-10)\cdot 10^6$  K [7, c. 81]. При параметрах межгалактического газа nм  $\sim 1,5\cdot 10^{-6}$  см<sup>-3</sup>; Тм  $\sim 3\cdot 10^8$  K (§ 3) соотношение давлений межгалактического газа и газа КГ: рм/рк  $\approx (1-5)\cdot 10^{-2}$ .

Соотношение давлений газа в гало галактик и их коронах:  $pr/p\kappa \approx (0,6-3)\cdot 10^{-3}$ ; давлений межгалактического газа и газа гало:  $pm/pr \approx 15$ .

Несмотря на значительный перепад давлений, корональный газ не перетекает в гало, как и межгалактическую среду. Горячий корональный газ сильно ионизован [7, с. 81], т.е. его может удерживать магнитное поле, что может указывать на наличие в КГ местных источников магнитных полей.

Ионизованный корональный газ в КГ удержит магнитное поле  $\sim$ 1 мкГс. Так, давление ионизованной плазмы, содержащей ионы и электроны p=2nkT, уравновесит магнитное поле плотностью  $\omega M=B^2/2\mu O$ . Из равенства  $\omega M=p$  следует соотношение Беннетта [7, c. 587]:

$$B = (4\mu onkT)^{1/2}$$
 (10).

Ионизованный газ в КГ удержит магнитное поле  $B \approx 0.6 - 2$  мкГс.

В протяженных радио-структурах (облаках) радиогалактик масштаба их корон магнитное поле достигает 1-100 мк $\Gamma$ c [8, c. 213].

Источниками магнитных полей в КГ могут являться *нейтронные звезды* (*НЗ*), выброшенные из галактик взрывами сверхновых. При этом НЗ, выброшенные в КГ и межгалактическую среду, также могут формировать скрытую массу филаментов, содержащих галактики и их скопления. Так, например, пульсар PSR J0002+6216 в созвездии Кассиопея удаляется от остатка вспышки сверхновой со скоростью 1100 км/с [14]. Такой скорости достаточно для вылета НЗ в межгалактическое пространство [15]. Пульсары могут ускоряться под давлением ионизованного газа во фронтах ударных волн от соседних сверхновых [16]. Вмораживаясь при аккреции в силовые линии магнитного поля НЗ, плазма передает ей свой импульс [8, с. 361]. Давление ОВС в начальной фазе адиабатической стадии расширения может ускорять пульсар до скорости v ≤ 1600 км/с [16].

Анализ спектра электромагнитного космического фонового излучения и энергетического спектра нейтрино указывает на вероятное активное рождение пульсаров сверхгигантами в эпоху, определяемую красным смещением z ~ 20 [15]. В условиях наблюдаемого расширения Вселенной скорость дрейфа НЗ, ускоренных в эпоху молодых галактик, будет снижаться относительно окружающей среды, так что к настоящему времени основная часть НЗ окажется захвачена гравитацией КГ на эллиптические орбиты, в том чмсле орбиты, в фокусах которых находятся соседние галактики [16]. Массивы дрейфующих НЗ из-за гравитационной самофокусировки могут формировать сгустки. При этом взаимное разбегание галактик будет способствовать их вытягиванию в протяженные образования — филаменты [15]. По оценкам, массовая доля НЗ в КГ может достигать ~0,2 критической массы Вселенной при массовой доле НЗ, дрейфующих в межгалактической среде ~0,12 (§ 6).

Исходя из скрытой массы КГ, концентрация НЗ в них  $n_{\rm H3} \leq 3\cdot 10^{-4}~\rm nk^{-3}$  при среднем расстоянии между ними  $R \sim R\kappa/3\sqrt{n_{\rm H3}} \geq 14~\rm nk~[16]$ . При хаотичной пространственной ориентации нейтронных звезд их магнитное поле на удалении от КГ r>> R взаимно компенсируется. Исходя из среднего расстояния между НЗ в КГ, магнитное поле на их поверхности:

$$Bo = BR/ro (11),$$

где го – радиус НЗ.

При го  $\sim 10$  км [7, с. 281] магнитное поле на поверхности НЗ в КГ Во  $\approx (3-8)\cdot 10^7$  Гс, что сравнимо с магнитным полем белых карликов  $10^6-10^8$  Гс, но ниже чему у пульсаров  $10^9-10^{12}$  Гс [6, с. 683]. Тем самым, *источниками магнитных полей, удерживающих газ в КГ, могут являться старые, не активные НЗ*, чье вращение затормозилось.

#### 6. Механизмы разогрева межгалактического газа

Исходя из плотности энергии межгалактического газа, способного уравновесить гравитацию ячеек, формирующих сетчато-ячеистую структуру Вселенной, критическое энерговыделение в расчете на одну галактику:

$$Lc = \varepsilon o/\Omega rt \tag{12},$$

где  $\Omega$ г – концентрация галактик; t – длительность их энерговыделения.

В условиях расширения Вселенной энергия метагалактических субкосмических лучей падает пропорционально красному смещению E = Eo/(z+1). При этом основной вклад в плотность энергии межгалактической среды могут внести субкосмические лучи, сформированные в эпоху  $z \le 1$ . При возрасте галактик, сравнимом с возрастом Вселенной  $T_B \sim 1,4\cdot 10^{10}$  лет длительность их энерговыделения  $t \sim T_B/(z+1) \approx 7\cdot 10^9$  лет. При  $\varepsilon_0 \sim 0,13$  эВ/см<sup>3</sup> (§ 2):  $\Omega_0 \sim 0,1$  Мпк<sup>-3</sup> [8, с. 530] интенсивность энерговыделения в расчете на одну галактику  $L_0 \approx 3\cdot 10^{44}$  эрг/с.

Данное энерговыделение соответствует диапазону светимости объектов с *активными ядрами* (АЯ)  $10^{42} - 10^{48}$  эрг/с [7, с. 393] при их средней светимости Laя  $\sim 10^{45}$  эрг/с. В настоящее время доля галактик с АЯ бая  $\sim 1\%$  [7, с. 393]; их энерговыделение баяLaя  $\approx 10^{43}$  эрг/с.

Сравнимой светимостью Lv  $\sim 4\cdot10^{43}$  эрг/с обладают *типичные галактики* [5, с. 390], содержащие N  $\sim 10^{10}$  звезд со светимостью Солнца L $\circ \sim 4\cdot10^{33}$  эрг/с, что составляет Lv/Lc  $\approx 0.1$  критического энерговыделения. Еще меньше современное энерговыделение *сверхновых* в галактике Lcs  $\leq 3\cdot10^{42}$  эрг/с [6, с. 474], что не превышает Lcs/Lc  $\leq 10^{-2}$  требуемого.

С удалением в прошлое концентрация и светимость галактик с АЯ возрастают [6, с. 251], так что феномен галактик с АЯ, в том числе рассматривается как фаза эволюции галактик [8, с. 484]. Светимость галактик с АЯ на два порядка выше, чем у типичных галактик [7, с. 922], что обеспечит требуемое энерговыделение Lc за счет молодых галактик с АЯ при их доле бая =  $Lc/Las \approx 0,3$ . Так, предполагается, что межгалактический газ был ионизован в эпоху молодых галактик и квазаров [7, с. 81], т.е. межгалактический газ мог быть разогрет в эпоху молодых галактик.

Современный разогрев межгалактического газа может происходить за счет *ударных волн*, возникающих при столкновении с ним магнитосфер дрейфующих НЗ, выброшенных взрывами сверхновыми из галактик в межгалактическую среду. Так, пульсары, дрейфуя через межзвездный газ, производит шлейф радиоизлучения [14]. Радиоизлучение пульсаров имеет синхротронную природу, обусловленную их сильным магнитным полем.

Ускорение потоков плазмы также может происходить за счет магнитосферной конвекции (дрейф плазмы поперек магнитного поля) в хвостах магнитосфер дрейфующих НЗ. Так, в хвосте магнитосферы Земли, возникающем при ее столкновении с солнечным ветром, возникает крупномасштабное электрическое поле, направленное поперек хвоста с перепадом потенциала 10 - 30 кB [7, с. 13].

Остаточное магнитное поле дрейфующих НЗ может поддерживаться за счет аккреции межгалактического газа. Выпадающая на поверхность пульсара при аккреции плазма ускоряет его вращение [7, с. 361]. При этом энергия вращения НЗ трансформируется в энергию магнитного поля.

Исходя из критической интенсивности энерговыделения в расчете на одну галактику Lc поток газа  $\Delta M/\Delta t$ , аккрецирующего на дрейфующие H3:

$$\Delta M/\Delta t \sim Lc/\delta c^2$$
 (13),

где  $\delta$  – гравитационный дефект H3.

При  $Lc\sim 3\cdot 10^{44}$  эрг/с (12);  $\delta\sim 0.3$  [5, c. 407] поток аккрецирующего на H3 газа  $\Delta M/\Delta t\approx 1.5\cdot 10^{-2}$  М $\circ$  в год в расчете на одну галактику.

Скрытая масса скоплений галактик в 10 раз превышает видимую массу галактик [5, с. 545]. Анализ кривых вращения галактик показывает, что скрытая масса сосредоточена в их коронах [5, с. 342]. Исходя из массовой доли галактик в массе Вселенной  $\delta \Gamma \sim 0,03$  [8, с. 550] массовая доля скрытой массы КГ  $\delta c \kappa \sim 10 \delta \Gamma \approx 0,3$ . При массовой доле коронального газа  $\delta \kappa \Gamma \sim 3 \delta \Gamma$  [16] массовая доля НЗ в КГ  $\delta h \kappa = \delta c \kappa - \delta \kappa \Gamma \approx 0,2$ . При суммарной массовой доле НЗ  $\delta h \approx 0,32$  (§ 3) массовая доля НЗ, дрейфующих в межгалактической среде  $\delta h \chi = \delta h \approx 0,12$  критической массы Вселенной.

При числе НЗ в коронах типичных галактик N  $\sim 6\cdot10^{10}$  [16] число НЗ, дрейфующих в межгалактической среде в расчете на одну галактику N' = N $\delta$ нд/ $\delta$ нк  $\approx 3\cdot10^{10}$ . Средний поток вещества, выпадающего на дрейфующую НЗ  $\Delta$ M/N' $\Delta$ t  $\approx 5\cdot10^{-13}$  М $\circ$  в год. Средняя интенсивность энерговыделения дрейфующих НЗ: W = Lc/N'  $\sim 10^{34}$  эрг/с, что на порядок ниже минимальной светимости рентгеновских пульсаров в условиях аккреции  $\sim 10^{35}$  эрг/с [8, с. 356] при потоке выпадающего на НЗ вещества  $10^{-11}$  М $\circ$  в год [8, с. 359].

Тем самым, дрейфующие в межгалактической среде Н3 не могут являться источниками рентгеновского излучения. При большом периоде вращения ≥5 с старые Н3 не проявляют себя как радиопульсары [8, с. 180]. Дрейфующие в межгалактической среде Н3 практически не обнаружимы.

#### 7. Механизмы излучения межгалактического газа

Межгалактический газ с температурой  $T \sim 3 \cdot 10^8 \ K$  (§ 3) может излучать в рентгеновском диапазоне при наличии в нем многозарядных ионов *тяжелых элементов* (ТЭ). Межгалактический газ может быть обогащен ТЭ, входящими в состав КЛ. Так, КЛ содержат существенно больше тяжелых ядер в сравнении со средней распространенностью элементов [6, с. 472].

Согласно концепции нуклеосинтеза образование ТЭ, в том числе, происходит при взрывах сверхновых [7, с. 364]. Насыщенный ТЭ ионизованный газ ОВС, вмороженный в силовые линии магнитного поля пульсаров, ускоренных их взрывами, также может выноситься из галактик в КГ и межгалактическое пространство. Возможность данного механизма подтверждает присутствие ТЭ к КГ. Так, газ в КГ включает ТЭ (вплоть до железа) с относительной концентрацией в 10 раз меньшей, чем на Солнце, что связывается с его частичным перемешиванием с внутригалактическим газом [7, с. 81].

Распространенность элементов быстро падает с увеличением массового числа, однако обнаруживает несколько двойных пиков устойчивых изотопов с магическим числом нейтронов 50, включая криптон и стронций; ксенон и барий [8, с. 263]. Длины волны  $\lambda$  основных линий при конечном уровне у данных элементов: *криптон* 0,99 – 0,87 Å; *стронций* 0,88 – 0,77 Å; *ксенон* 0,42 – 0,36 Å; *барий* 0,39 – 0,33 Å [13, с. 961]. Данные многозарядные ионы способны излучать при температуре плазмы:

$$T = ch/\lambda k \tag{14},$$

где k – постоянная Больцмана; h – постоянная планка.

Диапазон предельных температур излучения криптона  $(1,4-1,6)\cdot 10^8$  K; стронция  $(1,6-1,8)\cdot 10^8$  K; ксенона  $(3,3-3,9)\cdot 10^8$  K; бария  $(3,6-4,2)\cdot 10^8$  K.

В спектр излучения высокотемпературной плазмы с температурой  $T \sim 3\cdot 10^8$  К значительный вклад вносит непрерывное излучение свободных электронов в электрическом поле ионов (свободно-свободное излучение). Так, вклад свободно-свободного излучения в суммарное излучение плазмы в коротковолновом диапазоне возрастает и становится сравним с вкладом линейчатого излучения многозарядных ионов уже при длинах волн  $\sim 1$  нм [8, с. 595], что соответствует тепловому излучению газа с температурой  $\sim 10^7$  К.

#### 8. Особенности метрики риманова (псевдориманова) пространства

Стандартные решения уравнений *общей теории относительности* (ОТО), развитой в рамках риманова (псевдориманова) пространства, в рамках модели *Фридмана* предсказывают критическую плотность энергии современной Вселенной  $\varepsilon = \rho cc^2 \approx 2,6\cdot 10^3 \text{ эВ/см}^3$  при критической плотности Вселенной  $\rho c \sim 4,7\cdot 10^{-30} \text{ г/см}^3$  [5, с. 347]. Фридмановская Вселенная содержит материю в пределах космологического горизонта, за которым присутствие веще-

ства не предполагается, т.е. подобная Вселенная представляет собой глобальную *неоднород*ность материи, близкую к черной дыре.

Наблюдаемое пространственное распределение материи имеет локальные неоднородности (в масштабах войдов, скоплений и пр.) при ее *однородном* распределении в более крупном масштабе. Критическая плотность энергии для подобной среды  $\sim$ 0,13 эВ/см<sup>3</sup> (2) на четыре порядка ниже. Крупномасштабное однородное распределение материи, присущее квазисферической римановой Вселенной, согласно Эйнштейну, обеспечит введение в уравнения ОТО космологического  $\Lambda$ -члена [11, с. 212]. В этих условиях наблюдаемое расширение Вселенной свидетельствует в пользу модели Эйнштейна с космологическим  $\Lambda$ -членом.

Необходимость введения Л-члена обусловлена тем, что в случае критической массы уравнения ОТО описывают лишь часть сферы Римана, а именно, риманово (псевдориманово) пространство, ограниченное горизонтом событий. Полное описание пространственновременного многообразия событий затруднено, поскольку наличие поля тяготения математически выражается в кривизне псевдориманова пространства [10, с. 531]. Данный факт иллюстрируют известные решения уравнений ОТО, согласно которым гравитация массивного тела искривляет пространство как *внутри* него (решение Шварцшильда), так и *снаружи*, что выражается в искривлении траектории луча света.

В этой связи описание искривленного пространства сферы Римана, которой присуще *однородное* распределение материи [11, с. 199] ограничивается частичным описанием на основе решений Эйнштейна — Фридмана — Шварцшильда для областей *неоднородного* распределения материи. В предельном случае уравнения ОТО описывают *черную дыру в вакууме*. Подобная система включает ограниченный горизонтом событий объект критической массы, помещенный в плоское евклидово пространство. В подобной системе однородность распределения материи в пределах горизонта Вселенной может поддерживаться за счет введения космологического Л-члена [11, с. 212], либо за счет давления среды, обладающей критической плотностью энергии по Фридману.

Так, из ОТО следует возможность существования объектов, имеющих гравитационный радиус. По определению, «гравитационный радиус – радиус сферы, на которой сила тяготения, создаваемая сферической не вращающейся массой, целиком лежащей внутри сферы, стремится к бесконечности» [5, с. 532]; гравитационный радиус:

$$Rg = 2Gm/c^2 \tag{15},$$

где с – скорость света; т – масса тела.

Область, ограниченная горизонтом (Вселенная, либо черная дыра) радиусом R = Rg, в ев-клидовом пространстве имеет объем:

$$VeB = 4\pi R^3/3$$
 (16).

Объем сферы Римана:

$$Vp = 2\pi^2 R^3$$
 (17).

Отношение объема сферы Римана и сферы в евклидовом пространстве аналогичного радиуса:

$$Vp/VeB = 3\pi/2 \approx 4.7$$
 (18).

Из соотношения (18) следует, что сфера Римана формально может вместить несколько сфер, ограниченных гравитационным радиусом, чья масса соответствует критической. Из чего следует тезис: наблюдаемое в пределах космологического горизонта пространство нашей Вселенной может являться частью римановой (псевдоримановой) Вселенной. При этом в случае стационарной Вселенной объем ненаблюдаемой области больше объема наблюдаемой части, ограниченной горизонтом в  $3\pi/2$  -  $1 \approx 3.7$  раза.

Теория относительности Эйнштейна развита в рамках псевдориманова 4-мерного пространства-времени положительной кривизны. Многообразие событий в системе криволинейных координат задается *знаконеопределенной* невырожденной квадратичной формой:

$$d\sigma^2 = gikdx^idx^k \tag{19}$$

(i, k = 0, 1, 2, 3), где  $x^1, x^2, x^3$  – пространственные координаты;  $x^0$  – временная координата.

Коэффициенты данной метрики, допускающей мнимые расстояния, характеризуют поле тяготения, играя роль потенциальных функций [10, с. 531]. Форма (19) в каждой точке пространства событий сводится к виду:

$$d\sigma^2 = dx^2 + dy^2 + dz^2 - d(ct)^2$$
 (20),

где x, y, z – пространственные координаты; t – время.

Стандартные решения уравнений ОТО используют три действительные пространственные координаты, что не позволяет описывать сферу Римана без границ в полном объеме.

Из уравнений Эйнштейна в том числе следует решение Шварцшильда для сферическисимметричного материального объекта. Решение Шварцшильда указывает на искривление пространства, достигающее максимальной величины в области гравитационного радиуса объекта Rg, эквивалентное повороту радиальной координаты на угол  $\phi = \pm 90^{\circ}$  [17, c. 55].

Массивный объект искривляет пространство также за пределами его гравитационного радиуса. Согласно ОТО, максимальное отклонение луча света гравитацией тела также достигает 90°. Так, угол отклонения луча света  $\varphi = 2\alpha$  при его прохождении на расстоянии R от объекта [17, c. 65], где

$$tg \alpha = \pm 2Gm/c^2R \tag{21}.$$

При R = Rg (15), tg  $\alpha = \pm 1$  при  $\alpha = \pm 45^{\circ}$ ; в зависимости от направления облета тела луч света отклонится на  $\varphi = \pm 90^{\circ}$ .

Суммарное максимальное отклонение гравитацией луча света, проходящего вблизи массивного объекта гравитационного радиуса и затем попадающего внутрь него, сопровождающееся соответствующей сменой систем отсчета, составит  $2\phi = 180^{\circ}$ , т.е. в центр объекта, ограниченного горизонтом событий, свет может попасть снаружи со стороны, противоположной его первоначальному направлению.

Если луч пройдет вблизи данного объекта с другой стороны, он также отклонится в противоположном направлении и достигнет его центра, отклонившись от первоначального направления на угол  $2\phi = 180^{\circ}$ . Суммарное искривление (поворот) пространства вдоль траектории лучей, дважды пересекающих горизонт событий  $4\phi = 360^{\circ}$ .

Круг на сфере Римана является прямой [10, с. 528], т.е. искривление пространства в сфере Римана также соответствует повороту евклидова пространства на 360°.

#### 9. Физический смысл космологического Л члена

Согласно Эйнштейну  $\Lambda$  член обеспечивает однородное распределение вещества в римановом пространстве [11, с. 212], т.е. его введение обеспечит своего рода эквивалент сферы Римана при решении уравнений ОТО. Размерность и современная величина  $\Lambda$  члена  $|\Lambda| < 10^{-55}$  см<sup>-2</sup> [9, с. 774] соответствуют кривизне пространства римановой Вселенной [10, с. 528]:

$$K = 1/RB2$$
 (22),

где Rв – радиус горизонта Вселенной.

При  $R_B \sim 4.10^{28}$  см [5, с. 347] кривизна пространства  $K \approx 6.10^{-58}$  см<sup>-2</sup>.

Это дает основания полагать, что  $\Lambda$  член, обеспечивающий равномерное крупномасштабное распределение вещества во Вселенной, описывает *искривление* риманова пространства в области ее горизонта.

Соответствующая  $\Lambda$  члену кривизна пространства *отрицательна*. Иначе вклад  $\Lambda$  члена дополнит гравитационный вклад материи наблюдаемой Вселенной. Соответствующее искривление пространства может вызывать материя, находящаяся за горизонтом нашей Вселенной, чья масса и плотность сопоставимы с массой и плотностью наблюдаемой области.

Если ненаблюдаемая область Вселенной симметрична по отношению к наблюдаемой, то кривизну «внутренней» области пространства в области ее горизонта радиуса Rв компенсирует кривизна «внешней» части  $\Lambda = -1/R$ в'<sup>2</sup> радиусом Rв', т.е. суммарная кривизна пространства может быть близка к нулю:  $K + \Lambda \approx 0$ . Пространство Вселенной однородной плотности в любой системе отсчета окажется близко к евклидову.

Так, данные космической обсерватории Планк, приведенные в выпуске Planck Legacy 2018, указывают на повышенную амплитуду гравитационного линзирования МФИ в малых угловых масштабах. Однако при больших масштабах кривизна пространства близка к нулю, что свидетельствует в пользу плоской Вселенной. В данном контексте раскрывается физический смысл  $\Lambda$  члена: искривление пространства гравитацией материи, находящейся за космологическим горизонтом Вселенной, что обеспечивает ее однородное распределение в пределах наблюдаемого горизонта.

Как показано Эйнштейном, «при равномерном распределении материи мир с необходимостью должен быть сферическим (эллиптическим)» [11, с. 199]. Если распределение материи не однородно, то топология мира отклонится от сферической. Именно такая топология, согласно Эйнштейну, соответствует реальному миру: «Так как в действительности в отдельных областях материя распределена неравномерно, то реальный мир в отдельных частях ... будет квазисферическим» [11, с. 199].

Переносчики темной энергии до настоящего времени не обнаружены. При этом наблюдаемая Вселенная, однородная в крупном масштабе, расширяется в условиях компенсации давлением межгалактической среды гравитации материи ячеек, формирующих ее ячеистосетчатую структуру (§ 2). Это дает основание полагать, что топология Вселенной близка к квазисферическому риманову (псевдориманову) пространству.

#### Литература

- 1. Y. Hoffman, D. Pomarede, R.B. Tully, H. Courtois. The Dipole Repeller // Nature Astronomy. 2017. V. 1. Art. 36.
- 2. D. Eckert, M. Jauzac, H.Y. Shan, J.-P. Kneib, T. Erben, H. Israel, E. Jullo, M. Klein, R. Massey, J. Richard, C. Tchernin. Warm-hot baryons comprise 5–10 per cent of filaments in the cosmic web // Nature. 2015. V. 528. P. 105-107.
- 3. M. Fukugita, C.J. Hogan, P.J.E. Peebles. The Cosmic Baryon Budget // The Astrophysical Journal. 1998. V. 503. № 2. P. 518-530.
- 4. *Поройков С.Ю*. Вклад давления межгалактической среды на короны галактик в их вза-имное отталкивание // Журнал естественнонаучных исследований. -2019. Т. 4. № 2. С. 8-19.
- 5. *Прохоров А.М.* Физическая энциклопедия. Т. 1. М.: Научное издательство «Большая Российская энциклопедия». 1988.
- 6. *Прохоров А.М.* Физическая энциклопедия. Т. 2. М.: Научное издательство «Большая Российская энциклопедия». 1998.
- 7. *Прохоров А.М.* Физическая энциклопедия. Т. 3. М.: Научное издательство «Большая Российская энциклопедия». 1992.
- 8. *Прохоров А.М.* Физическая энциклопедия. Т. 4. М.: Научное издательство «Большая Российская энциклопедия». 1994.
- 9. *Прохоров А.М.* Физический энциклопедический словарь. М.: Советская энциклопедия. 1983.
- 10. *Прохоров Ю.В.* Большой энциклопедический словарь. Математика. М.: Научное издательство «Большая Российская энциклопедия». 2000.
- 11. А. Эйнштейн Теория относительности. Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика». 2000.
- 12. R.C. Henry. Diffuse background radiation // The Astrophysical Journal. 1999. № 516. P. L49-L52.
- 13. *Григорьев И.С., Мейлихов Е.З.* Физические величины. Справочник. М.: Энергоатомиздат. 1991.
- 14. F.K. Schinzel, M. Kerr, U. Rau, S. Bhatnagar, D.A. Frail. The Tail of PSR J0002+6216 and the Supernova Remnant CTB 1 // The Astrophysical Journal Letters. 2019. V. 876. № 1. Art. L17. pp. 10.

- 15. *Поройков С.Ю.* Природа скрытой массы // Основания фундаментальной физики и математики: материалы III Российской конференции (ОФФМ-2019) / под ред. Ю.С. Владимирова, В.А. Панчелюги М.: РУДН. 2019. С. 152-156.
- 16. Поройков С.Ю. Вклад дрейфующих нейтронных звезд, ускоренных взрывами сверхновых в протогалактиках, во взаимное отталкивание галактик // Журнал естественнонаучных исследований. -2019. Т. 4. № 3. С. 20-52.
- 17. Владимиров Ю.С. Геометрофизика. М.: БИНОМ. 2005.